



Государственное учреждение образования  
«Академия образования»

# РЕАЛИЗАЦИЯ МЕЖПРЕДМЕТНЫХ СВЯЗЕЙ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ В ОБРАЗОВАТЕЛЬНОМ ПРОЦЕССЕ ПО ФИЗИКЕ В КЛАССАХ ИНЖЕНЕРНОЙ НАПРАВЛЕННОСТИ

**Базыльчик Ольга Николаевна,**  
*методист высшей квалификационной категории управления дошкольного и  
общего среднего образования государственного учреждения образования  
«Академия образования»*





**«Все, что находится во взаимосвязи,  
должно и преподаваться в такой же  
взаимосвязи»**

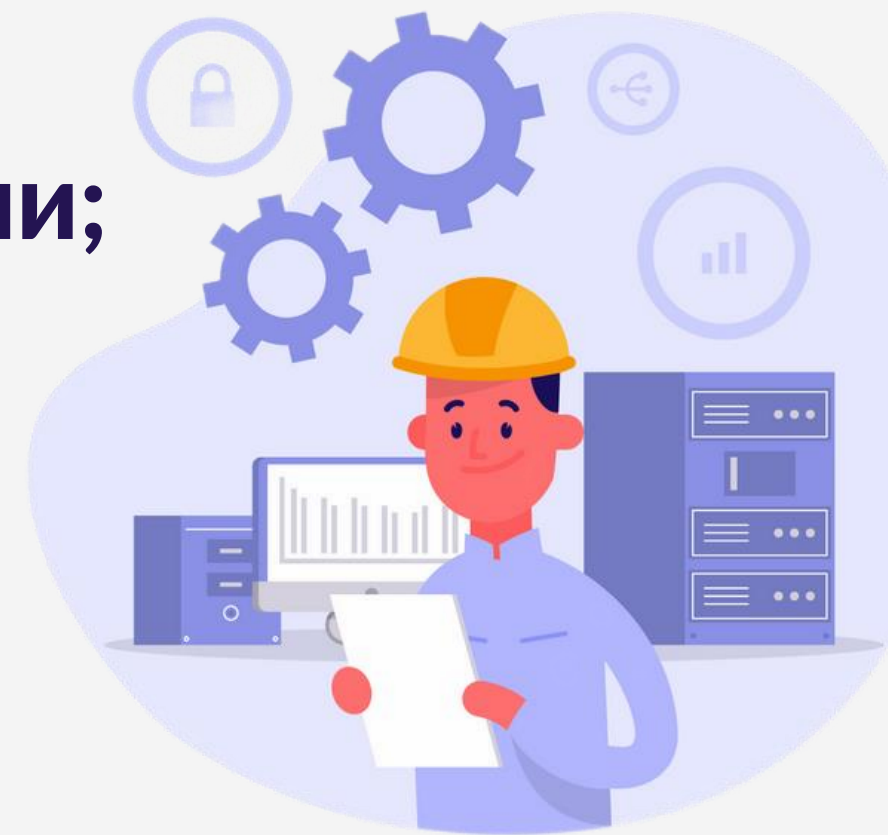
**Я. А. Коменский, 1632г.**

- **Математика — аппарат для выражения зависимостей между физическими величинами, которые обнаруживаются в ходе экспериментов или теоретических исследований.**
- **Реализация межпредметных связей физики и математики в классах инженерной направленности — стратегический вектор подготовки компетентных специалистов для высокотехнологичных отраслей.**



# ОСНОВНЫЕ ПОНЯТИЯ МАТЕМАТИКИ В ИЗУЧЕНИИ ФИЗИКИ

- понятие числа, арифметические действия над числами;
- множество натуральных и рациональных чисел;
- обыкновенные и десятичные дроби;
- проценты;
- пропорции;
- степень числа с натуральным показателем;
- измерение величин: длины, площади, объема и т.д.;
- решение простейших уравнений;
- прямая и обратная пропорциональность;
- стандартная форма записи числа;
- понятие функции;
- построение и анализ графиков функций: линейная функция, квадратичная функция, тригонометрические функции;
- понятие вектора и действия над векторами;
- геометрические фигуры и их свойства;
- производная: геометрический и физический смысл и т.д.





# МЕХАНИЧЕСКОЕ ДВИЖЕНИЕ

**СЛОЖЕНИЕ СКОРОСТЕЙ**  
 $\vec{v} = \vec{v}_1 + \vec{v}_2$

**СЛОЖЕНИЕ ПЕРЕМЕЩЕНИЙ**  
 $\vec{s} = \vec{s}_1 + \vec{s}_2$

ОТ ВЫБОРА СИСТЕМЫ ОТСЧЕТА ЗАВИСЯТ:  
 ФОРМА ТРАЕКТОРИИ  
 ПРОЙДЕННЫЙ ПУТЬ  
 ПЕРЕМЕЩЕНИЕ

**МАТЕРИАЛЬНАЯ ТОЧКА**  
 ТЕЛО, РАЗМЕРАМИ КОТОРОГО В ДАННЫХ УСЛОВИЯХ МОЖНО ПРЕНЕБРЕЖЬ.

**СИСТЕМА ОТСЧЕТА**

ДАННАЯ ТРАЕКТОРИЯ  
 ТРАЕКТОРИЯ  
 ПУТЬ

ПЕРЕМЕЩЕНИЕ

**ТАБЛИЧНЫЙ** | **ГРАФИЧЕСКИЙ** | **АНАЛИТИЧЕСКИЙ**  
 $x = f(t)$

**СПОСОБЫ ОПИСАНИЯ МЕХАНИЧЕСКОГО ДВИЖЕНИЯ**

**УРАВНЕНИЕ ДВИЖЕНИЯ**  
 $x = x_0 + v_x t$

**ПЕРЕМЕЩЕНИЯ**  
 $s_x = x - x_0$   
 $s_y = y - y_0$   
 $s^2 = s_x^2 + s_y^2$

**ДИНАМИКА ВЕКТОРА**

**ПЕРЕМЕЩЕНИЕ**  
 $s_x = x - x_0$   
 $s_y = y - y_0$   
 $s^2 = s_x^2 + s_y^2$

**ТЕЛО ОТСЧЕТА**

**МГНОВЕННАЯ СКОРОСТЬ**  
 СКОРОСТЬ ТЕЛА В ДАННЫЙ МОМЕНТ ИЛИ В ДАННОЙ ТОЧКЕ ТРАЕКТОРИИ.

**ДВИЖЕНИЕ ТЕЛА, ПРИ КОТОРОМ ВСЕ ТОЧКИ ТЕЛА ОПИСЫВАЮТ ОДИНАКОВЫЕ ТРАЕКТОРИИ**  
 ПОСТУПАТЕЛЬНОЕ

**ДВИЖЕНИЕ ТЕЛА, БРОШЕННОГО ГОРИЗОНТАЛЬНО**  
 $h = h_0 - \frac{gt^2}{2}$

**ДВИЖЕНИЕ ТЕЛА, БРОШЕННОГО ВЕРТИКАЛЬНО ВВЕРХ**  
 $h_{max} = \frac{v_0^2}{2g}$

**ДВИЖЕНИЕ ТЕЛА, БРОШЕННОГО ПОД УГЛОМ К ГОРИЗОНТУ**

**СВОБОДНОЕ ПАДЕНИЕ**  
 $g = 9.8 \text{ м/с}^2$

**РАВНОУСКОРЕННОЕ РАВНОЗАМЕДЛЕННОЕ**  
 С ПОСТОЯННЫМ УСКОРЕНИЕМ  
 $\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t$   
 $\vec{s} = \vec{v}_0 t + \frac{\vec{a}t^2}{2}$   
 $\vec{a} = \frac{\vec{v} - \vec{v}_0}{t}$

**КРИВОЛИНЕЙНОЕ**  
 ПО ОКРУЖНОСТИ

**РАВНОМЕРНОЕ**  
 $\vec{v} = \frac{\vec{s}}{t}$

**НЕРАВНОМЕРНОЕ**  
 $v_{cp} = \frac{s}{\Delta t}$

**ЧАСТОТА**  
 $\nu = \frac{1}{T}$

**ПЕРИОД T**  
 ВРЕМЯ ОДНОГО ПОЛНОГО ОБОРОТА

**ЦЕНТРОСТРЕМИТЕЛЬНОЕ УСКОРЕНИЕ**  
 $a_{ц} = \frac{v^2}{R} = \frac{4\pi^2 R}{T^2} = 4\pi^2 R \nu^2$

**УГЛОВАЯ СКОРОСТЬ**  
 $\omega = \frac{\phi}{t} = \frac{2\pi}{T}$

**ЛИНЕЙНАЯ СКОРОСТЬ**  
 $v = \frac{2\pi R}{T} = 2\pi R \nu$

**ИЗМЕНЕНИЕ ПОЛОЖЕНИЯ ТЕЛА В ПРОСТРАНСТВЕ ОТНОСИТЕЛЬНО ДРУГИХ ТЕЛ С ТЕЧЕНИЕМ ВРЕМЕНИ**

**КИНЕМАТИКА**

РАЗДЕЛ МЕХАНИКИ, В КОТОРОМ РАССМАТРИВАЕТСЯ ДВИЖЕНИЕ ТЕЛ БЕЗ ВЫЯСНЕНИЯ ПРИЧИН ЭТОГО ДВИЖЕНИЯ.

**МЕХАНИЧЕСКОЕ ДВИЖЕНИЕ**



«Все, что находится во взаимосвязи,  
должно и преподаваться в такой же  
взаимосвязи»

Я. А. Коменский, 1632г.

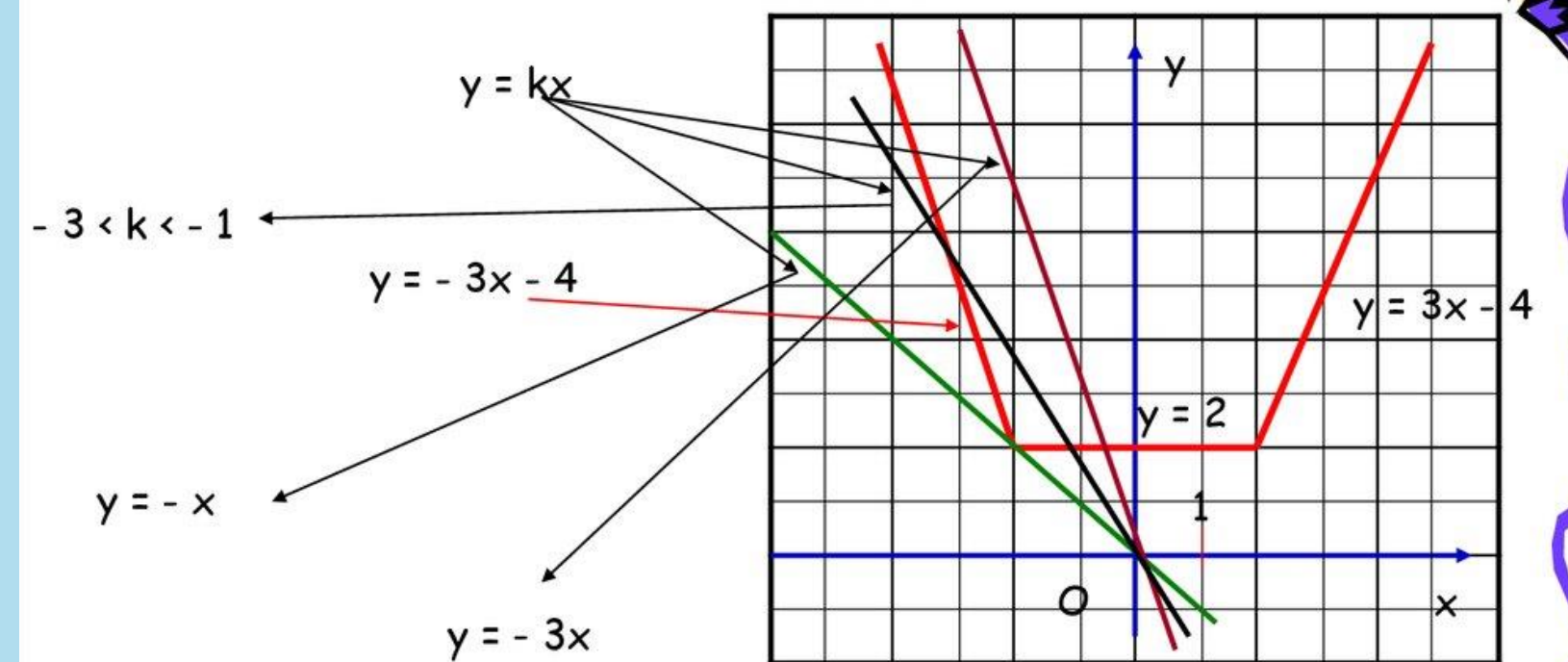
5. Решение задачи геометрического содержания на координатной плоскости с опорой на графические представления

Найдите все отрицательные значения  $k$ , при которых прямая  $y = kx$  пересекает в двух различных точках ломаную, заданную условиями:

$$y = \begin{cases} 2, & \text{если } |x| \leq 2 \\ -3x - 4, & \text{если } x < -2 \\ 3x - 4, & \text{если } x > 2 \end{cases}$$

№ 5.38

6. Решение задачи геометрического содержания на координатной плоскости с опорой на графические представления



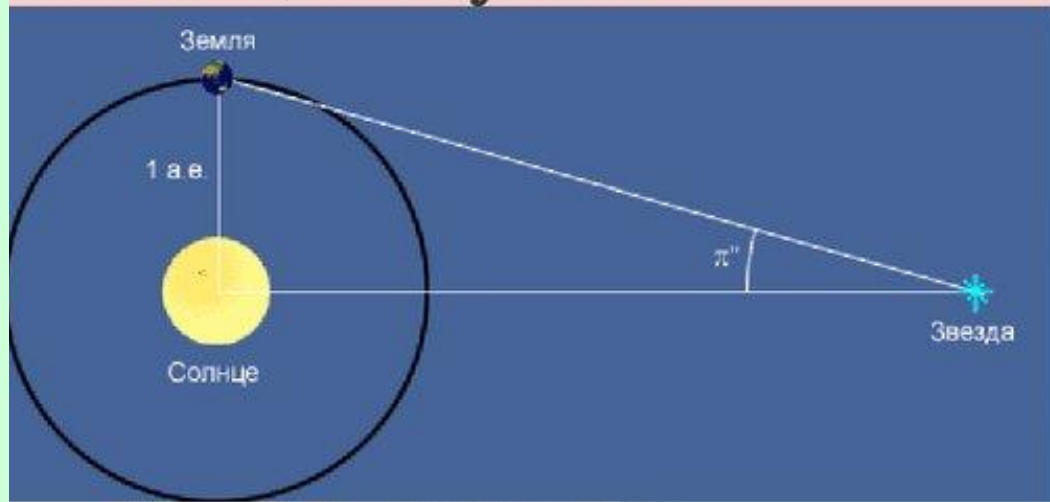
Ответ:  $-3 < k < -1$

№ 5.38

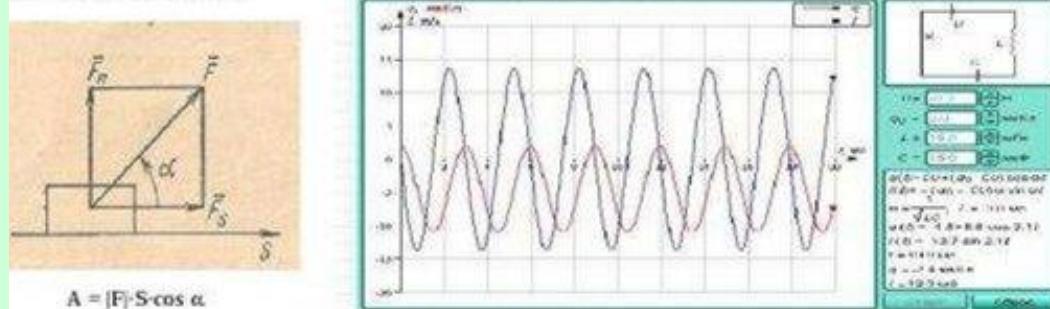
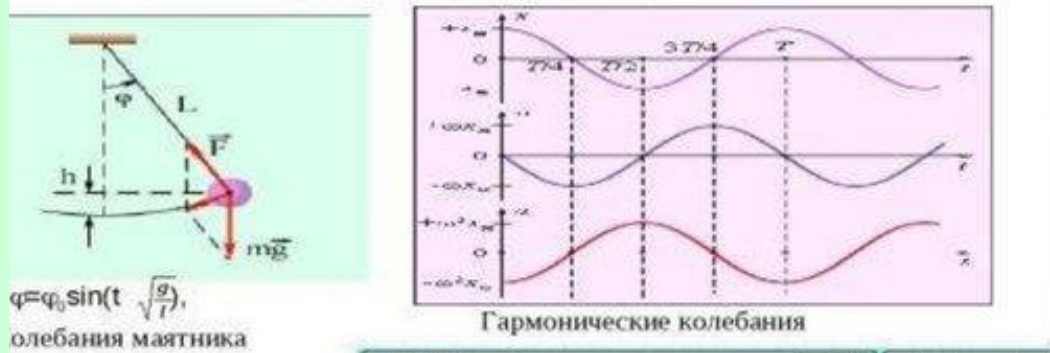


# ТРИГОНОМЕТРИЯ НА УРОКАХ ФИЗИКИ

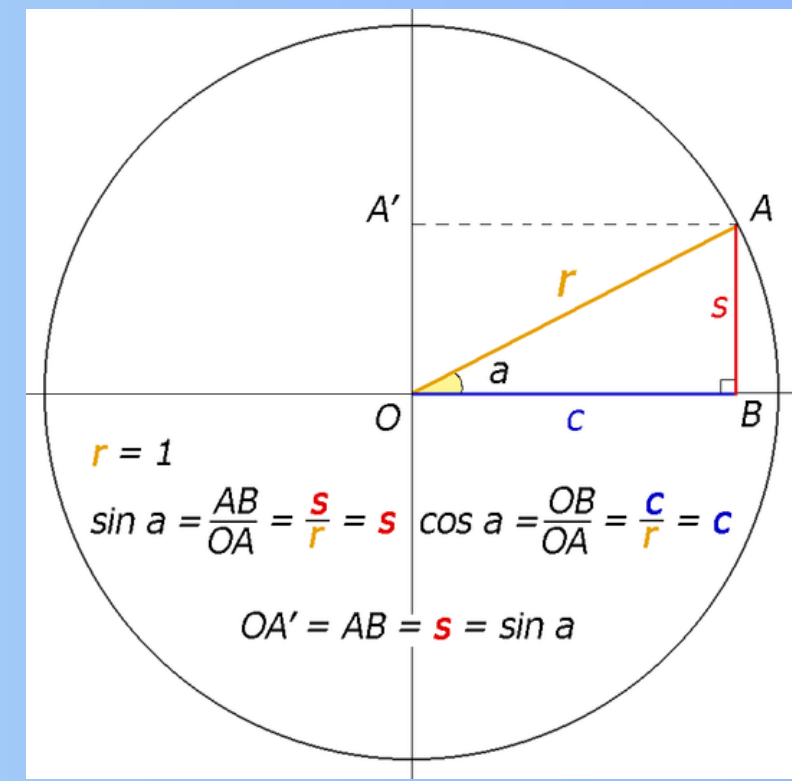
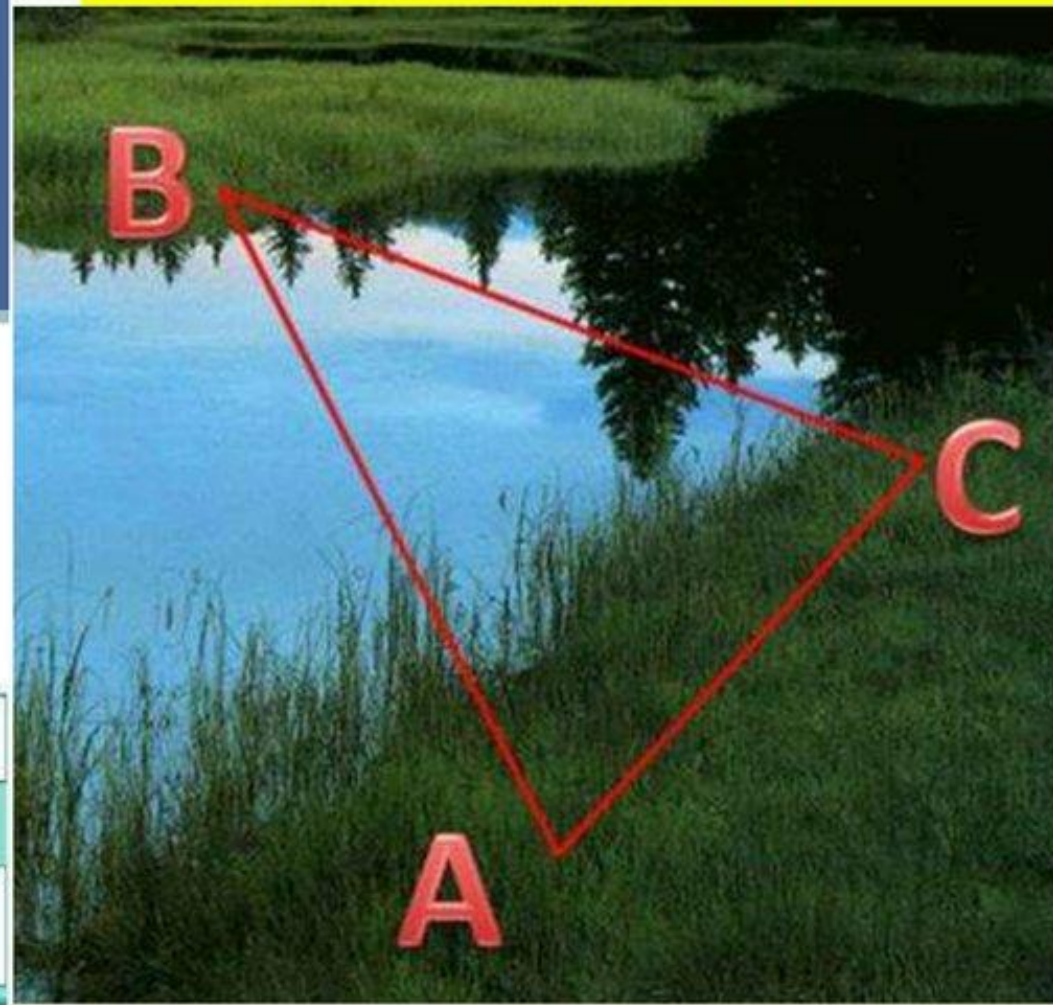
Тригонометрические вычисления применяются практически во всех областях физики и инженерного дела. Она позволяет измерять расстояния до недалёких звёзд в астрономии, между ориентирами в географии, контролировать системы навигации спутников.



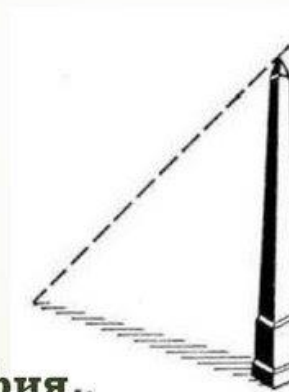
Тригонометрия в физике



Тригонометрия помогает измерить ширину реки



## Зачем нужна тригонометрия?

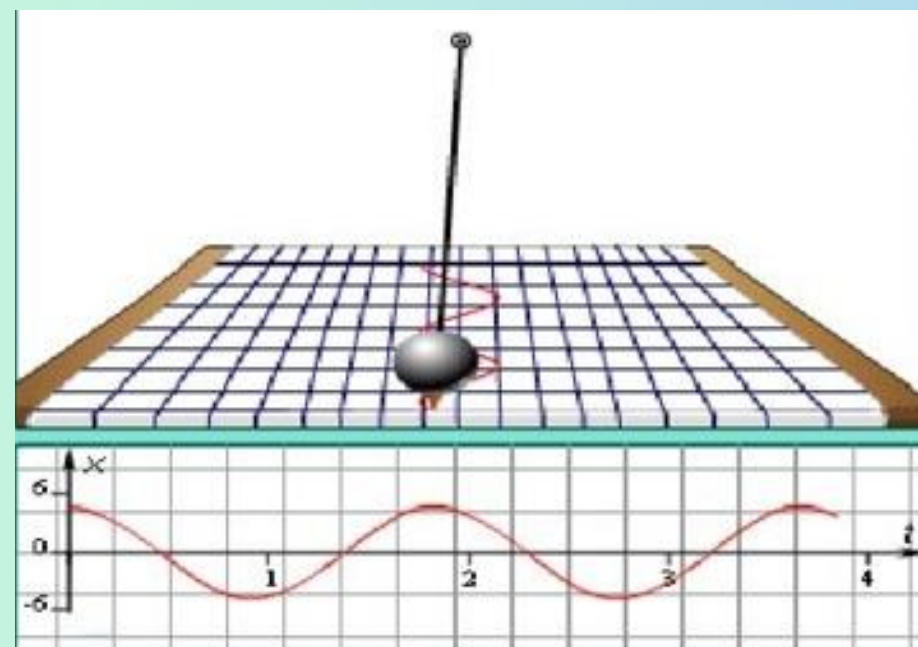


Музыка – это математика по вычислениям (синусоидальное колебание).





# ТРИГОНОМЕТРИЯ НА УРОКАХ ФИЗИКИ



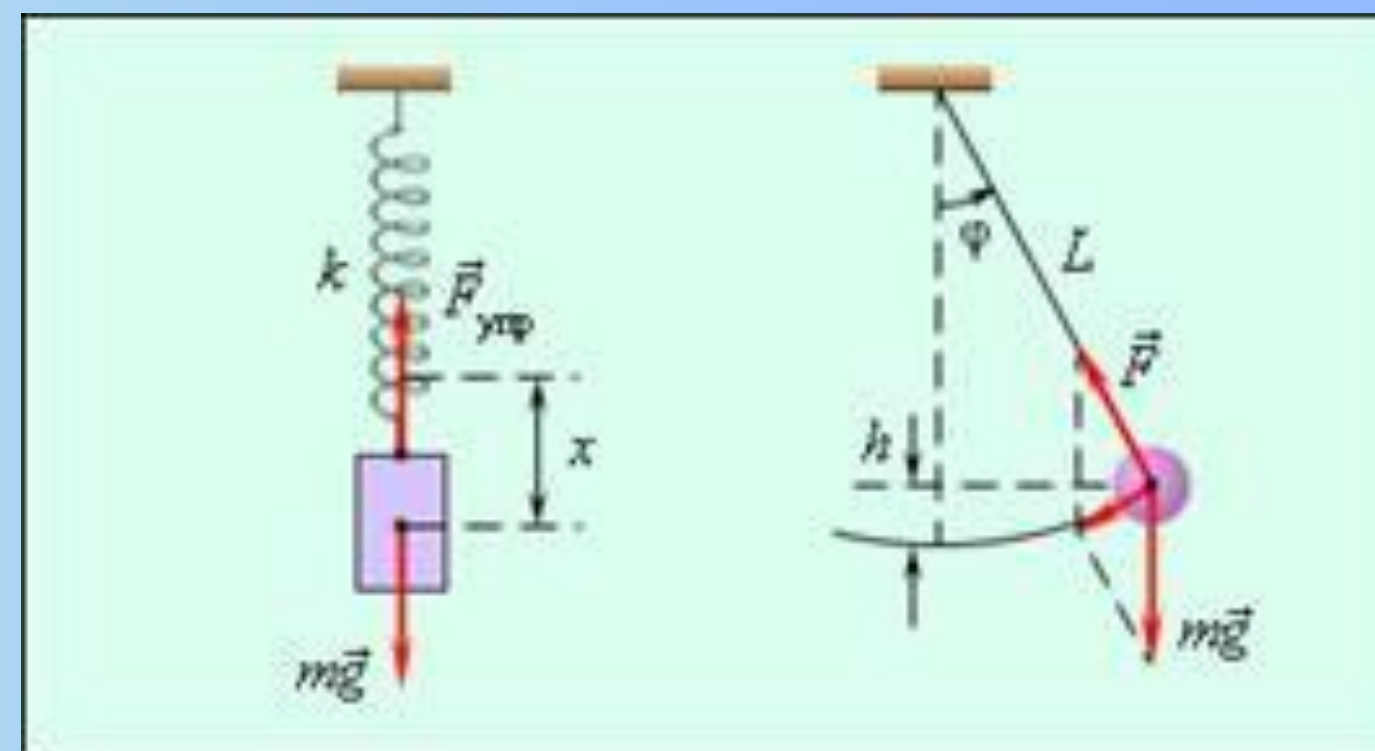
Колебания, при которых изменения физических величин происходят по закону косинуса или синуса (гармоническому закону), называются **гармоническими колебаниями**.

$$x = x_m \cos(\omega t + \varphi_0) \quad x = x_m \sin(\omega t + \varphi'_0)$$

Выражение, стоящее под знаком косинуса или синуса, называется **фазой колебания**:

$$\varphi = \omega t + \varphi_0$$

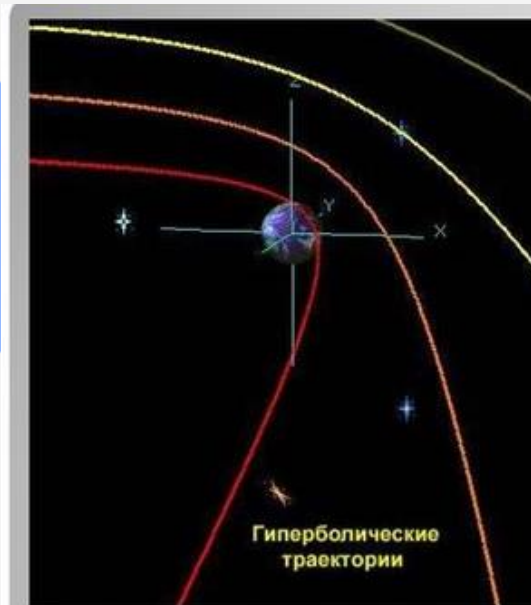
Гармоническое колебание — явление периодического изменения какой-либо величины, при котором зависимость от аргумента имеет характер функции синуса или косинуса.





# ФУНКЦИИ

	математика	физика	график
<b>Линейная функция</b>	$y = b + kx$  $b$ – точка пересечения графика функции с осью ординат $k$ – угловой коэффициент прямой	$x = x_0 + vt$ (равномерное движение) $v = v_0 + at$ (равнопеременное движение) $x_0; v_0$  $v; a$	<b>прямая</b> 
<b>Квадратичная функция</b>	$y = ax^2 + bx + c$  $a > 0$ – ветви параболы направлены вверх; $a < 0$ – ветви параболы направлены вниз	$x = x_0 + v_0t + (a/2)t^2$ (равнопеременное движение)  $a > 0$ – равноускоренное движение; $a < 0$ – равнозамедленное движение	<b>парабола</b> 

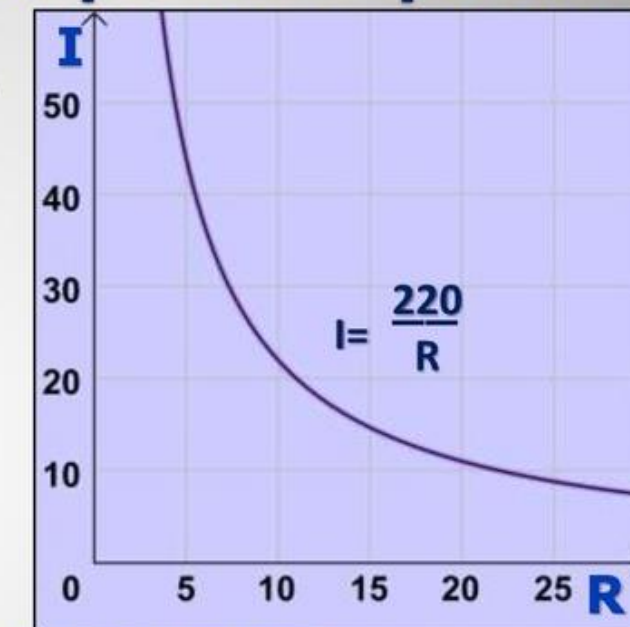


Гипербола в космосе

Гипербола на дорогах



Гипербола в физике



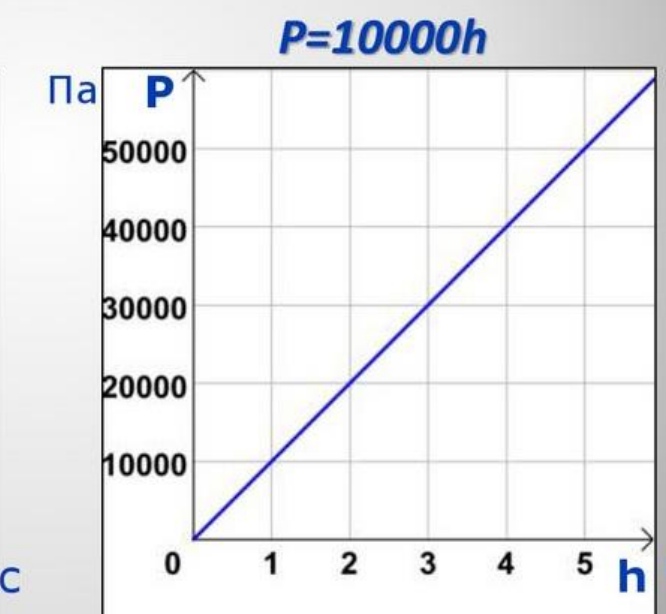
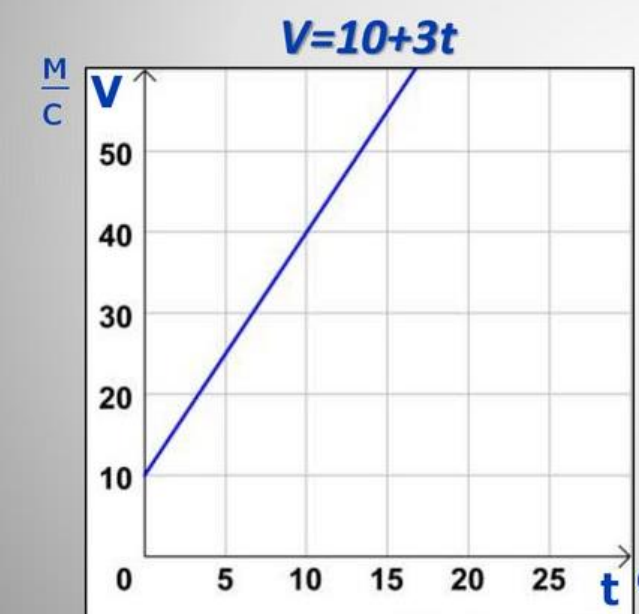
Зона слышимости звука



Линейные функции в физике

1) Равноускоренное движение  
 $V = V_0 + at$

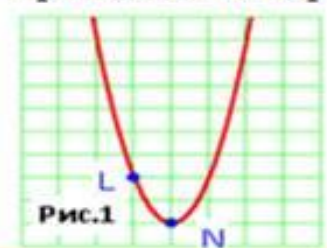
2) Давление жидкости  
 $P = gh\rho$



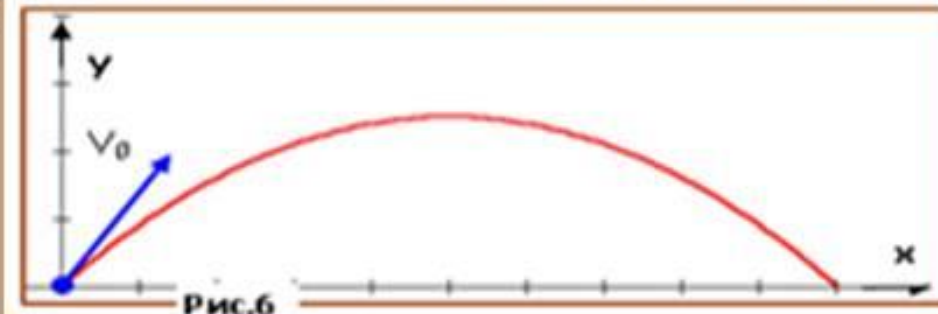


# Квадратичная функция

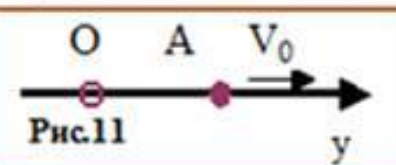
График функции  $y=ax^2+bx+c$  (рис. 1) проходит через точки  $L(1,0)$  и  $N(2,-2)$ . Верно ли, что точка  $M(4; 6)$  принадлежит параболе?



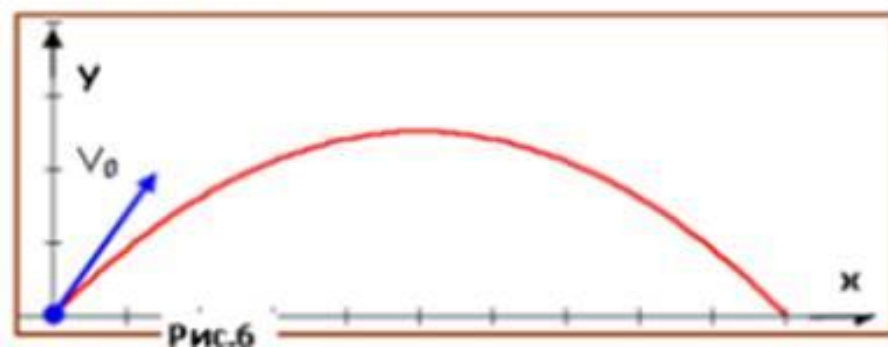
Камень брошен под углом к горизонту (рис.6). Его движение можно описать двумя уравнениями  $y = -5t^2 + 5\sqrt{2}t$  (1) и  $y = -0.1x^2 + x$  (2), где  $t$  - время движения. При этом зависимость его координат от времени выражается формулами:  $y = v_0 \sin \alpha \cdot t - gt^2 / 2$ ,  $x = v_0 \cos \alpha \cdot t$ . Верно ли, что камень брошен под углом  $45^\circ$ ? (Полагаем  $g = 10\text{м/с}^2$ ).



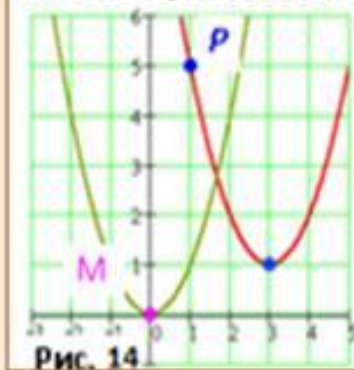
Камень бросили по льду с начальной скоростью  $V_0$ . Уравнение для координаты  $y$  имеет вид  $y(t) = -2t^2 + 3t + 2$ , где  $t$  - время движения (рис.11). Верно ли, что траекторией движения камня является парабола?



Камень брошен под углом к горизонту (рис.6). Для координаты  $y$  известны два уравнения  $y = -5t^2 + 5\sqrt{2}t$  (1) и  $y = -0.1x^2 + x$  (2), где  $t$  - время движения. Верно ли, что первое из них является уравнением траектории движения камня?

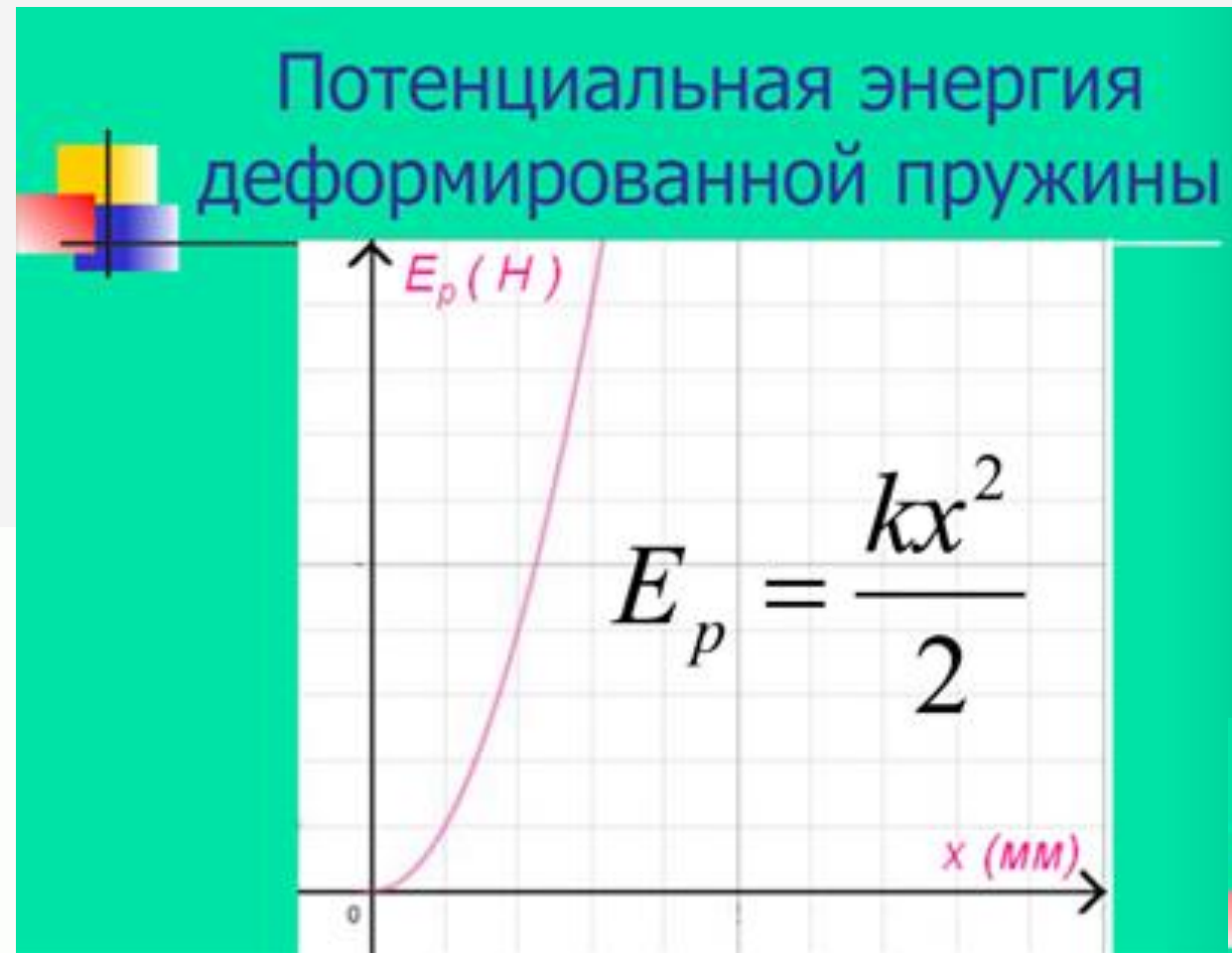
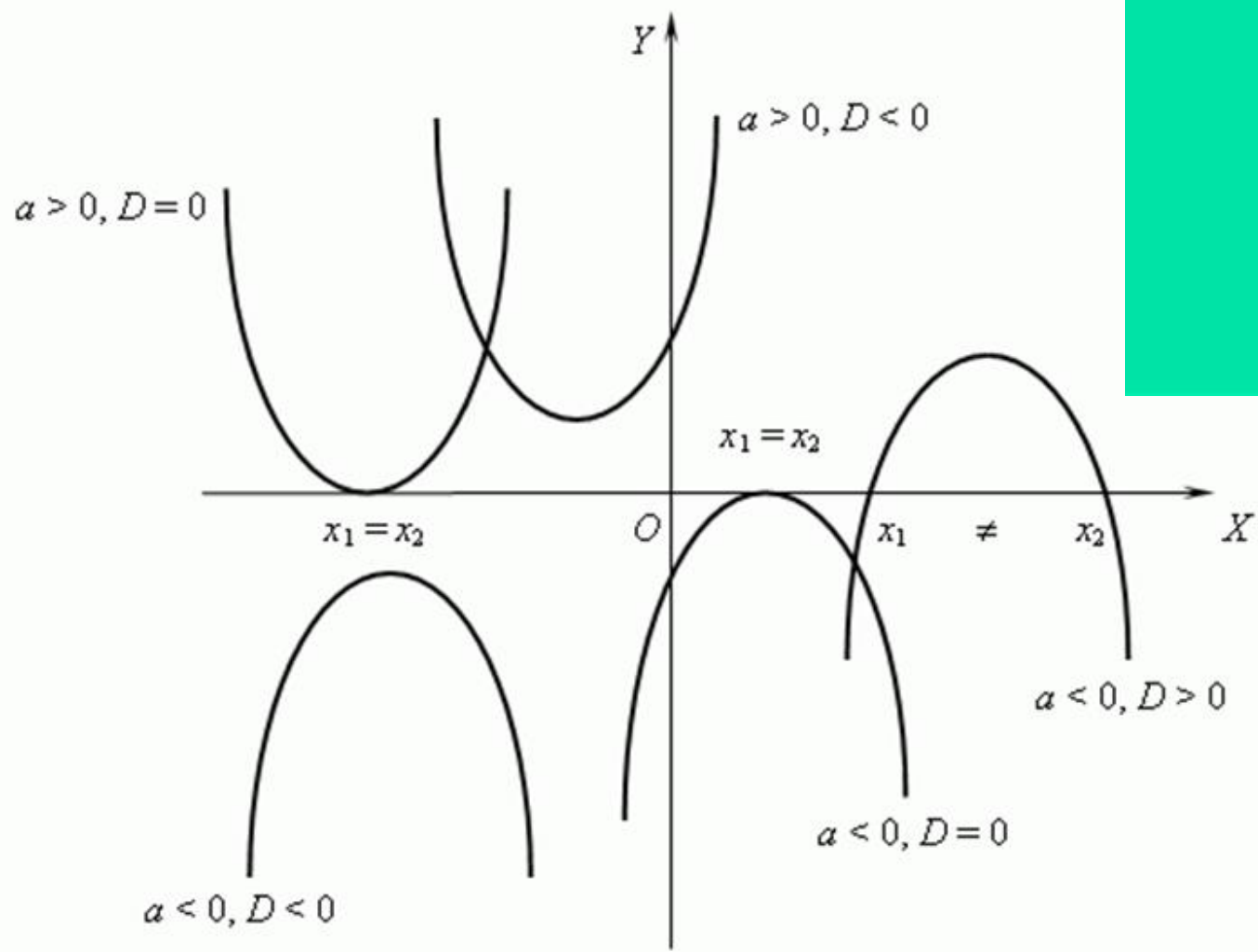
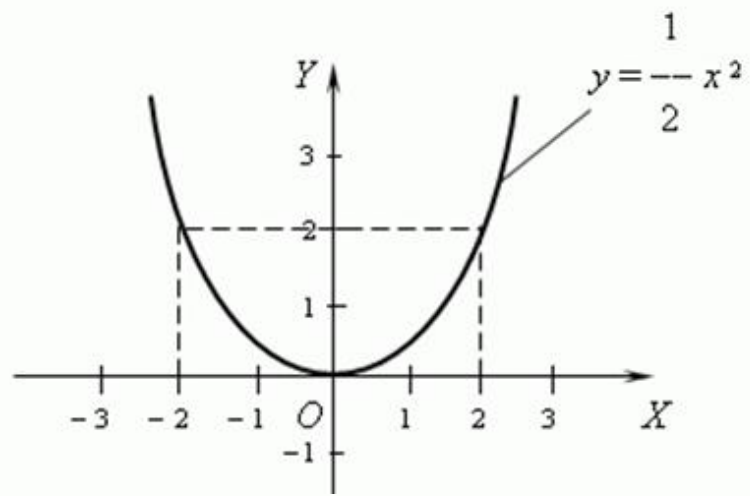


Точка  $P(1,5)$  принадлежит графику функции  $y(x) = x^2 + px + q$  (рис.14). Переместим параболу так, чтобы её вершина попала в точку  $M(0;0)$ . Можно ли утверждать, что точка  $P_1$ , соответствующая точке  $P$ , имеет координаты  $(-2; 4)$ ?



*Равноускоренное движение, движение по окружности, кинетическая энергия движущегося тела, потенциальная энергия упруго-деформированного тела, закон Джоуля-Ленца и т.д. – использование квадратичной функции*

# Квадратичная функция



# Квадратичная функция

Из пушки стреляют по мишени (рис.13), при этом траекторией движения снаряда является парабола  $y = -0.0003x^2 - x \cdot \sqrt{3}$ . Может ли при этом угол наклона ствола к положительному направлению оси OX быть равным  $60^\circ$ ?

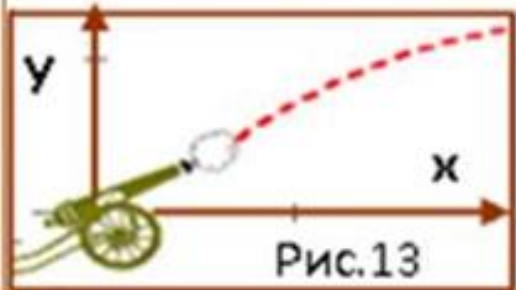


Рис.13

Танк, находящийся в укрытии, стреляет по мишени А (рис.16). Уравнение траектории движения снаряда  $y = 1,003x - 0,001x^2$ . Верно ли, что глубина укрытия  $h$  равна 3 м?

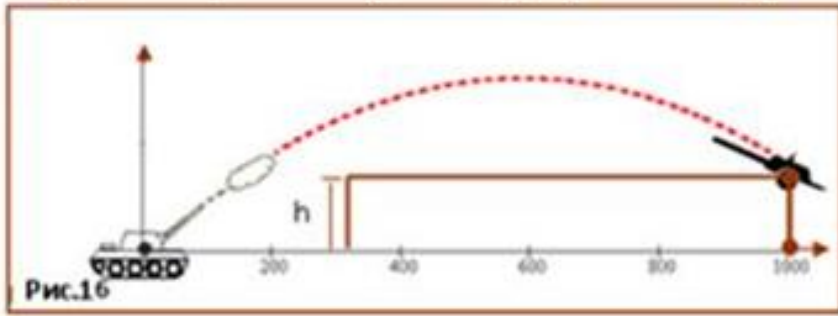


Рис.16

Предположим, что дискриминантом квадратного уравнения  $ax^2 + bx + c = 0$  является выражение  $D = b^2 - 4ac \leq 0$ . Верно ли, что при этом условии уравнение не имеет корней?

На рис.15 приведены графики квадратичных функций  $f(x)$  и  $g(x)$ . Можно ли утверждать, что уравнение  $f(x) = g(x)$  имеет один корень?

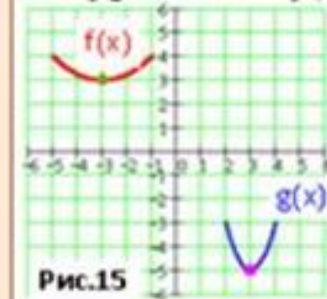


Рис.15

На рис.9 приведен график функции  $y(x) = ax^2 + bx + c$ . Верно ли, что на отрезке  $[0; 6]$  имеется хотя бы один корень?

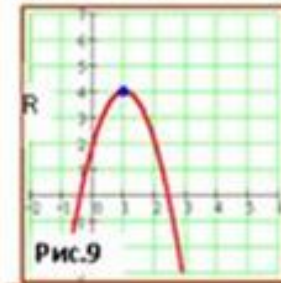


Рис.9

Пусть переменные  $x$  и  $t$  связаны соотношением  $V = \frac{kt^2}{x}$ , где  $V, k$  –

фиксированы. Верно ли, что  $x(t)$  – это квадратичная функция?

Предположим, что дискриминантом квадратного уравнения  $ax^2 + bx + c = 0$  является выражение  $D = b^2 - 4ac \leq 0$ .

Верно ли, что при этом условии уравнение не имеет корней?

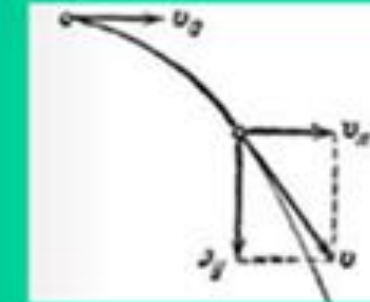
Верно ли следующее определение квадратичной функции: "Функция вида  $y = ax^2 + bx + c$  называется квадратичной"?

## Движение тела, брошенного в горизонтальном направлении



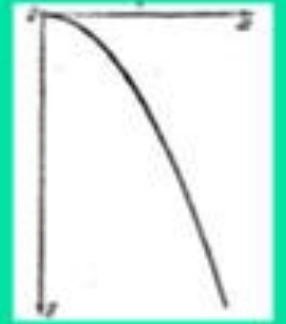
движение тела, брошенного горизонтально и движущегося под действием одной только силы тяжести (сопротивлением воздуха пренебрегаем)

Координаты тела в момент времени имеют значения

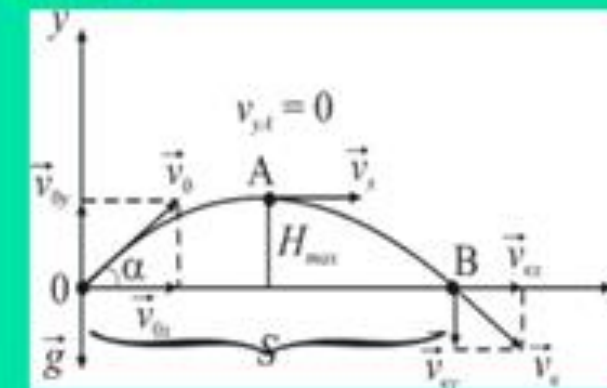


$$x = v_0 t$$

$$y = \frac{gt^2}{2}$$



## Движение тела, брошенного под углом к горизонту



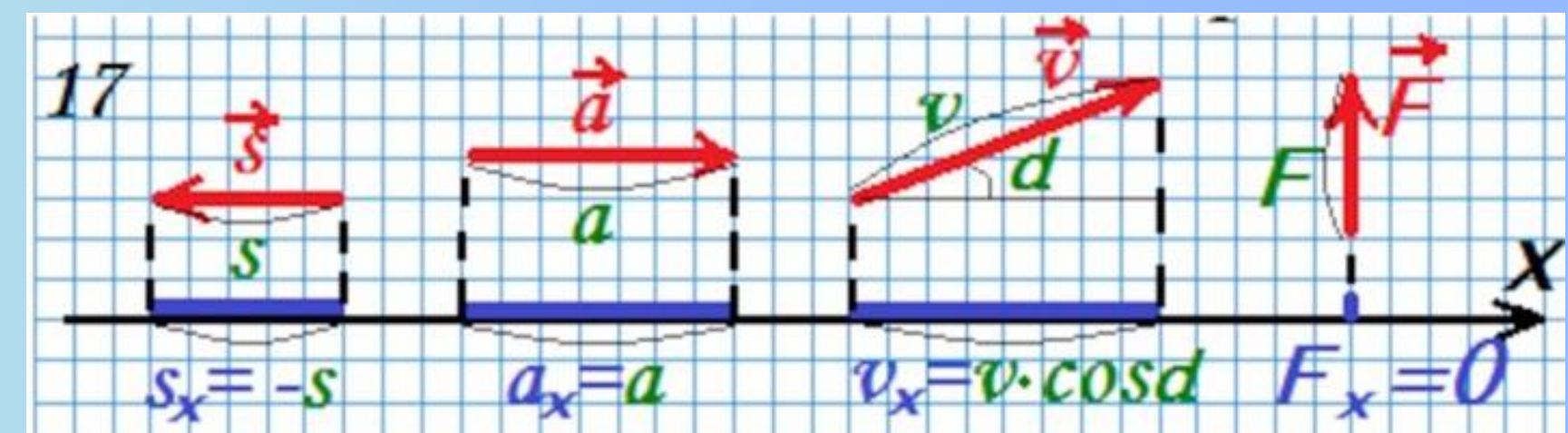
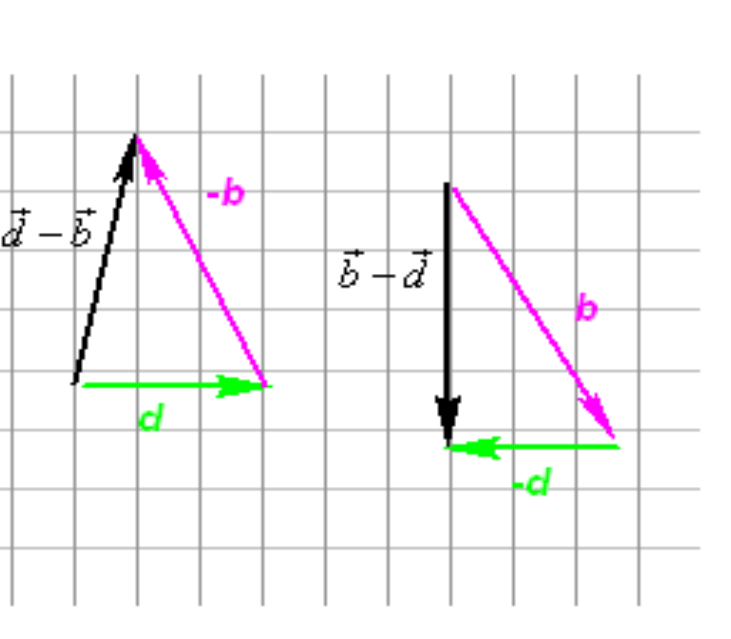
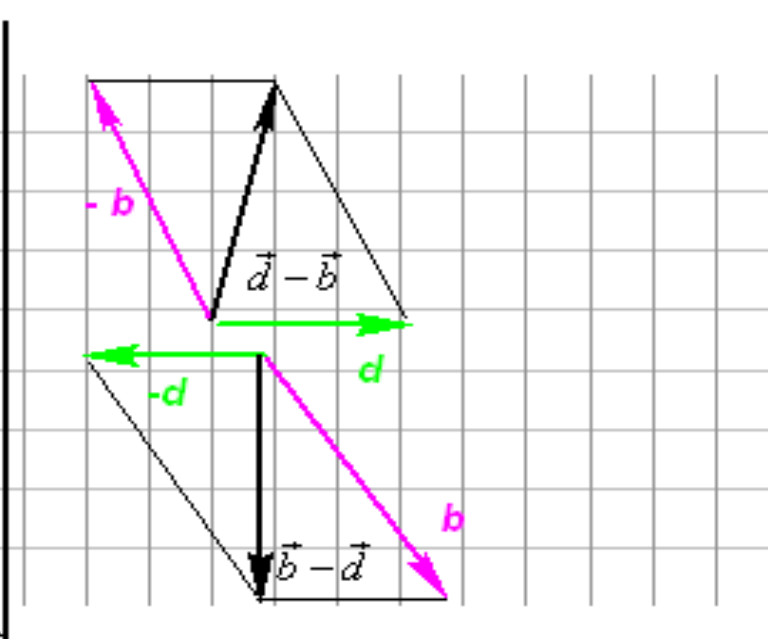
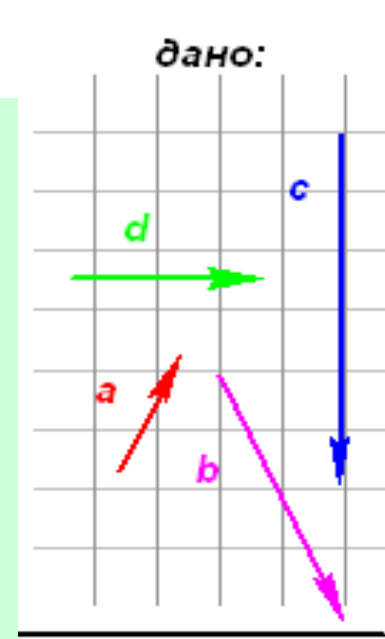
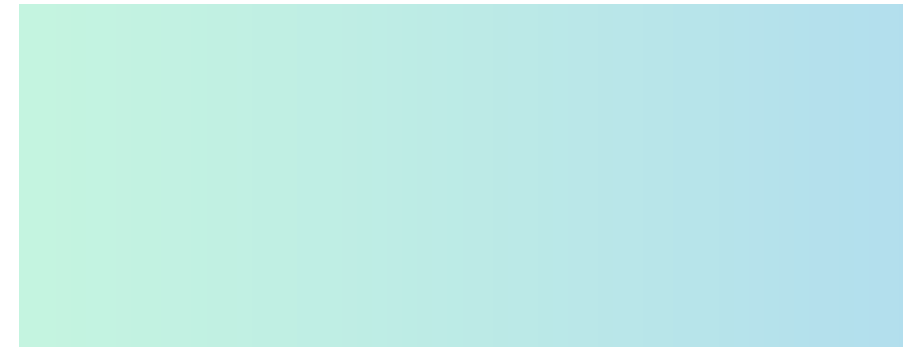
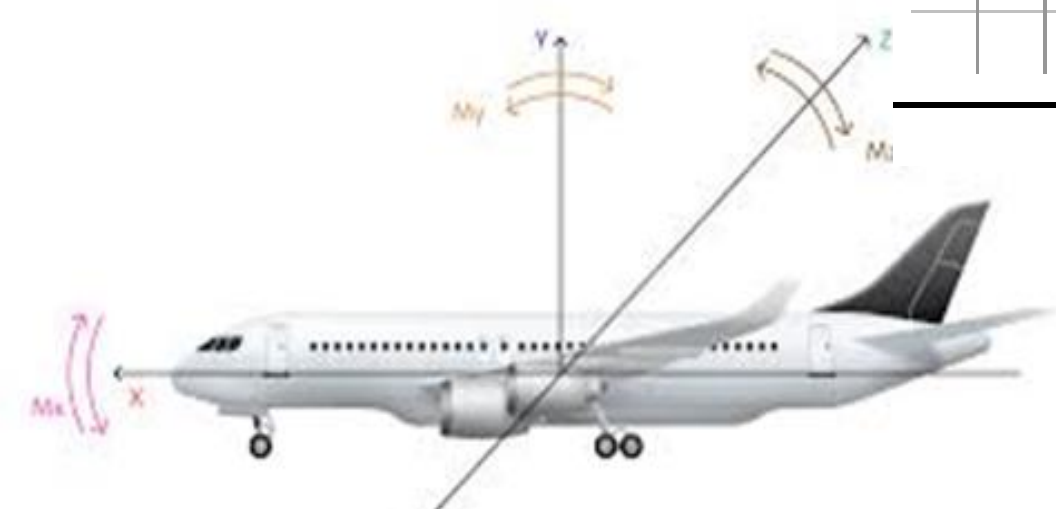
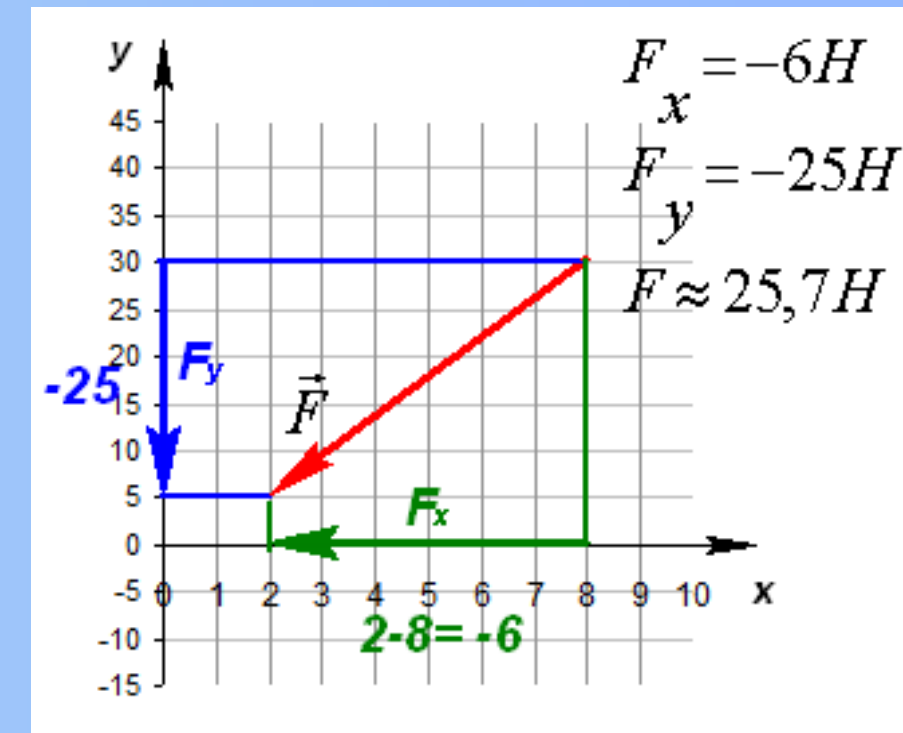
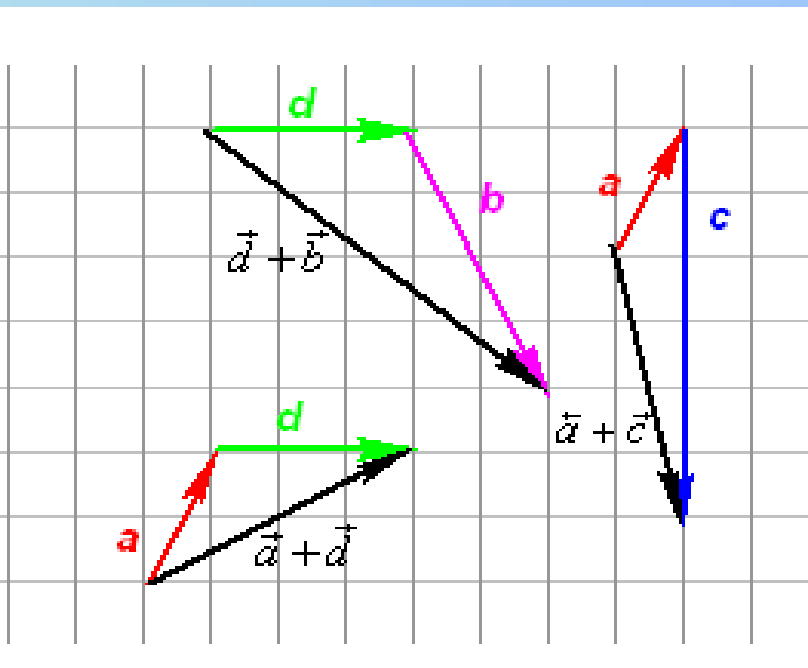
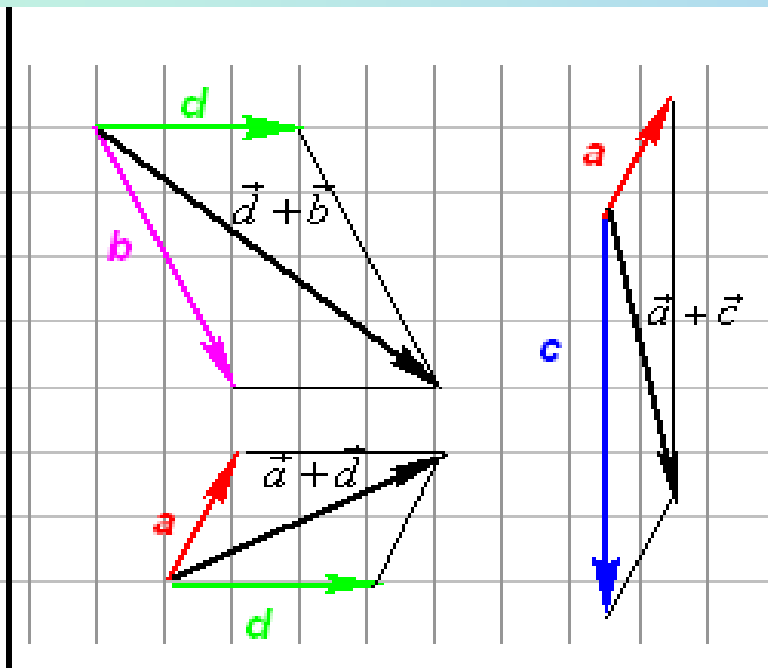
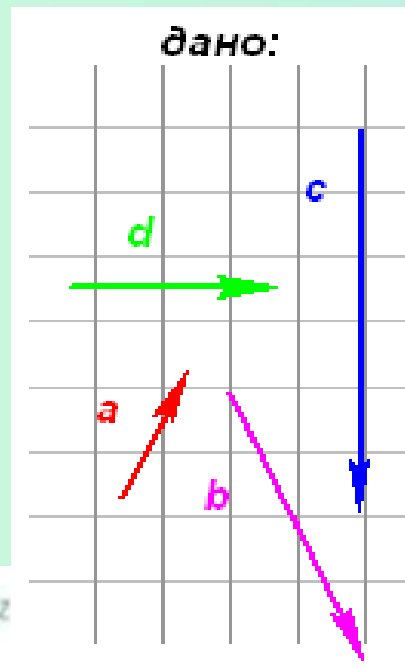
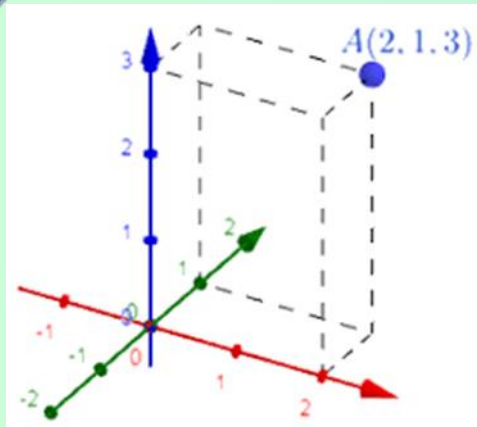
Если начальная скорость брошенного тела направлена вверх под некоторым углом к горизонту, то в начальный момент тело имеет составляющие начальной скорости как в горизонтальном, так и в вертикальном направлениях

$$\begin{cases} x = v_0 t \cos \alpha \\ y = v_0 t \sin \alpha - \frac{gt^2}{2} \end{cases}$$

Где уравнение для координаты Y есть уравнение параболы, где аргументом является значение  $t/$



# ВЕКТОРЫ И ДЕЙСТВИЯ НАД НИМИ





# ПРОИЗВОДНАЯ: ФИЗИЧЕСКИЙ СМЫСЛ

Открытие Ньютона показало, что количественные характеристики самых различных процессов в физике, химии, биологии, в технических дисциплинах - простая модель механического движения.

Значит, **производная – это скорость.**

$\frac{\Delta y}{\Delta x}$  – средняя скорость изменения функции  $y(x)$



$y'(x)$  – мгновенная скорость изменения функции  $y(x)$

- 1)  $(u \pm v)' = u' \pm v'$
- 2)  $(u \cdot v)' = u'v + uv'$
- 3)  $(C \cdot u)' = C \cdot u'$ , где  $C = \text{const}$
- 4)  $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$   
где  $v \neq 0$

$$v = s' = f'(t)$$

$$a(t) = s''(t)$$

$$F = m \cdot a$$

$$a(t) = s''(t)$$

$$s'(t) = 3t^2 - 6t$$

$$s''(t) = 6t - 6$$

Тело массой 5 кг движется прямолинейно по закону

$$s(t) = t^3 - 3t^2 + 5$$

Найти силу, действующую на тело в момент времени  $t=2$ с

Ускорение прямолинейного движения тела равно второй производной пути по времени

$$a(t) = s''(t) \quad a(t) = 6t - 6$$

$$a(2) = 6 \cdot 2 - 6 = 6$$

$$F = m \cdot a = 5 \cdot 6$$

Закон прямолинейного движения точки задан функцией  $s(t)$ . Найти мгновенную скорость и ускорение.  
 $s(t) = 5 \sin(2t + 1)$

Производная сложной функции



$$v(t) = s'(t) = (5 \sin(2t + 1))'$$

$$s'(t) = 5 \cdot \cos(2t + 1) \cdot (2t + 1)'$$

$$(2t + 1)' = 2$$

$$s'(t) = 10 \cos(2t + 1)$$

$$a(t) = v'(t) = -20 \sin(2t + 1)$$

Найти мгновенную скорость в момент времени  $t=25$  с для тела, движущегося прямолинейно по закону:  $s(t) = \sqrt{t} + 2t^2 - 3t + 2$

$$v(t) = (\sqrt{t} + 2t^2 - 3t + 2)'$$

$$v(t) = \frac{1}{2\sqrt{t}} + 4t - 3$$

$$v(25) = \frac{1}{2\sqrt{25}} + 4 \cdot 25 - 3$$

$$v(t) = 97,1 \text{ М/с}$$

Пример

Тело движется по закону

$$s(t) = t^3 - 6t^2 - 4t - 8(\text{м})$$

Определить ускорение тела в конце 5-ой секунды.

Решение.

$$v(t) = s'(t) = (t^3)' - 6(t^2)' - 4t' - 8' = 3t^2 - 12t - 4\left(\frac{\text{М}}{\text{с}}\right)$$

$$a(t) = v'(t) = 6t - 12\left(\frac{\text{М}}{\text{с}^2}\right)$$

$$a(5) = 6 \cdot 5 - 12 = 18\left(\frac{\text{М}}{\text{с}^2}\right)$$

Ответ:  $18 \frac{\text{М}}{\text{с}^2}$

$$v(t) = I'(t)$$

Найти скорость изменения силы тока в конце 5-й секунды, если изменение силы тока  $I$  в зависимости от времени  $t$  задано уравнением:  $I(t) = 2t^2 - 6t$

$$I(t) = 2t^2 - 6t$$

$$v(t) = I'(t) = (2t^2 - 6t)'$$

$$I'(t) = 4t - 6$$

$$I'(5) = 4 \cdot 5 - 6$$



# Методические рекомендации для эффективной интеграции знания из учебных предметов «Физика» и «Математика»

Совместное планирование учебного процесса

1

2


Проектная и исследовательская деятельность

Решение интегрированных задач

3

4

Использование ИКТ и моделирования



# КОНЦЕПЦИЯ РАЗВИТИЯ СИСТЕМЫ ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ до 2030 года

## Глава 2. Мировые тенденции развития системы образования

- ориентация на личность обучающегося, создание условий для самореализации, инклюзивное образование;
  - гуманизация, гуманитаризация образования, непрерывность образования;
  - компетентностный подход в образовании;
  - проблемное, исследовательское и проектное обучение через использование резервов самостоятельной работы;
  - формирование у школьников «мягких» («гибких») навыков (soft skills);
  - тенденция распространения и углубления фундаментальной подготовки при одновременном сокращении объема общих и обязательных дисциплин за счет строгого отбора материала, системного анализа его содержания.
- 